

پنجمین پروردگار مهربان

# جلسه اول آموزش مجازی فیزیک مکانیک

رشته: معماری      مقطع: کاردانی

همراه با فایل صوتی آموزشی

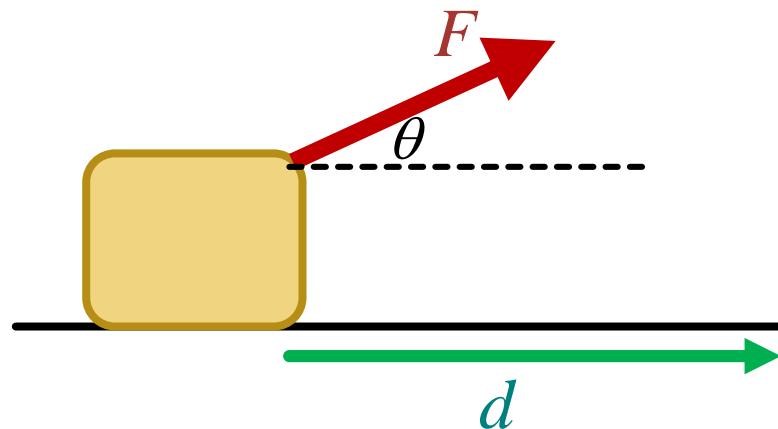
مدرس: عظیمه ولایتی

## مباحثی که در کلاس تدریس شد:

- ✓ کمیت های برداری و نرده ای
- ✓ تجزیه بردار و یافتن مولفه های آن
- ✓ جمع بردارها با کمک مولفه های آن ها
- ✓ قوانین نیوتن
- ✓ حل مثال های قانون دوم نیوتن
- ✓ انرژی جنبشی

## کار انجام شده توسط یک نیروی ثابت:

اگر نیروی ثابت  $F$  به جسمی وارد شود و آن را به اندازه  $d$  جابجا کند، به طوری که زاویه بین نیرو و جابجایی  $\theta$  باشد، کار انجام شده توسط نیروی  $F$  از رابطه‌ی زیر محاسبه می‌شود:



$$W = Fd \cos \theta$$

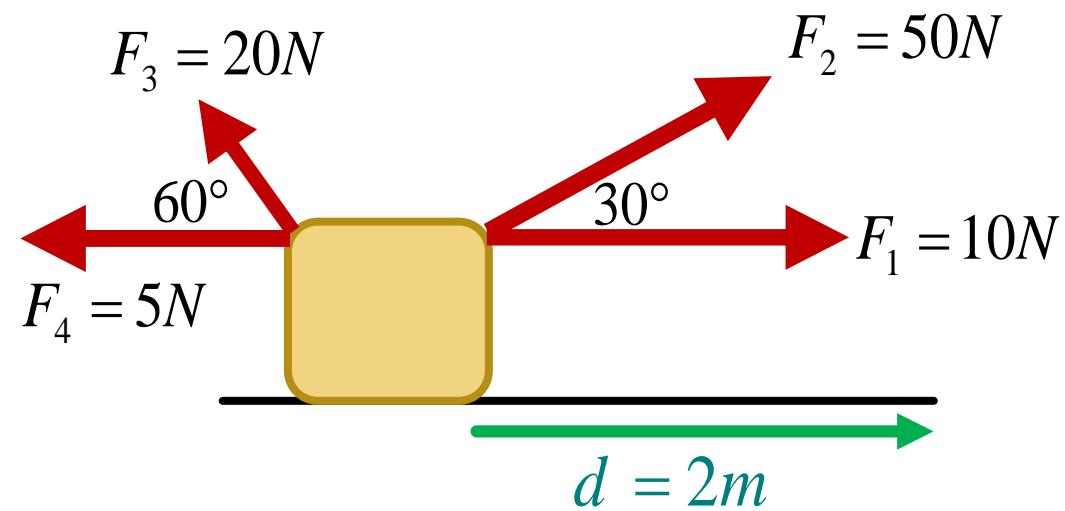
کار (J یا N.m)  
 نیرو (N)  
 جابجایی (m)

زاویه بین نیرو و جابجایی

**نکته:** کار کمیتی نرده‌ای است که می‌تواند مثبت، منفی یا صفر باشد.

**نکته:** اگر دو یا چند نیرو به جسم وارد شود برای محاسبه کار کل انجام شده روی جسم باید کار هر نیرو را محاسبه و با هم **جمع** کنیم.

**مثال :** در شکل زیر با فرض این که جسم به اندازه 2 متر به سمت راست جابجا شود، کار کل انجام شده روی آن را محاسبه کنید.



A diagram showing a red vector  $F_3$  originating from a point. A green vector  $d$  is drawn from the same point to the right, labeled  $d$ . An angle of  $120^\circ$  is indicated between the horizontal and the vector  $F_3$ .

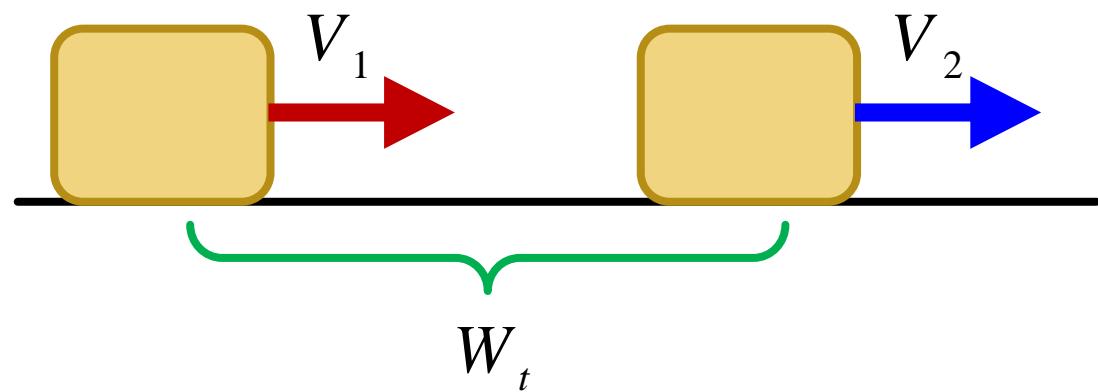
$$\cos 120^\circ = -\cos 60^\circ = -0.5$$

$$\begin{aligned}
 W_1 &= F_1 d \cos \theta_1 = (10)(2) \cos 0 = 20J \\
 W_2 &= F_2 d \cos \theta_2 = (50)(2) \cos 30 = 86J \\
 W_3 &= F_3 d \cos \theta_3 = (20)(2) \cos 120 = -20J \\
 W_4 &= F_4 d \cos \theta_4 = (5)(2) \cos 180 = -10J
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 W_t &= W_1 + W_2 + W_3 + W_4 \\
 &= 20 + 86 - 20 - 10 = 76J
 \end{aligned}$$

## قضیه‌ی کار و انرژی جنبشی:

اگر انرژی جنبشی جسم در وضعیت اولیه برابر با  $K_1$  و در وضعیت نهایی برابر  $K_2$  باشد، طبق قضیه‌ی کار و انرژی جنبشی، کار کل انجام شده روی جسم برابر است با تغییرات انرژی جنبشی جسم.



$$W_t = K_2 - K_1$$

↓                    ↓                    ↓

کار کل (J)      انرژی جنبشی نهایی (J)      انرژی جنبشی اولیه (J)

با توجه به قضیه کار و انرژی جنبشی سه وضعیت ممکن است رخ دهد :

✓ اگر کار کل انجام شده روی جسم **مثبت** باشد، سرعت جسم **افزایش** می یابد. یعنی:

$$W_t > 0 \Rightarrow K_2 > K_1 \Rightarrow V_2 > V_1$$

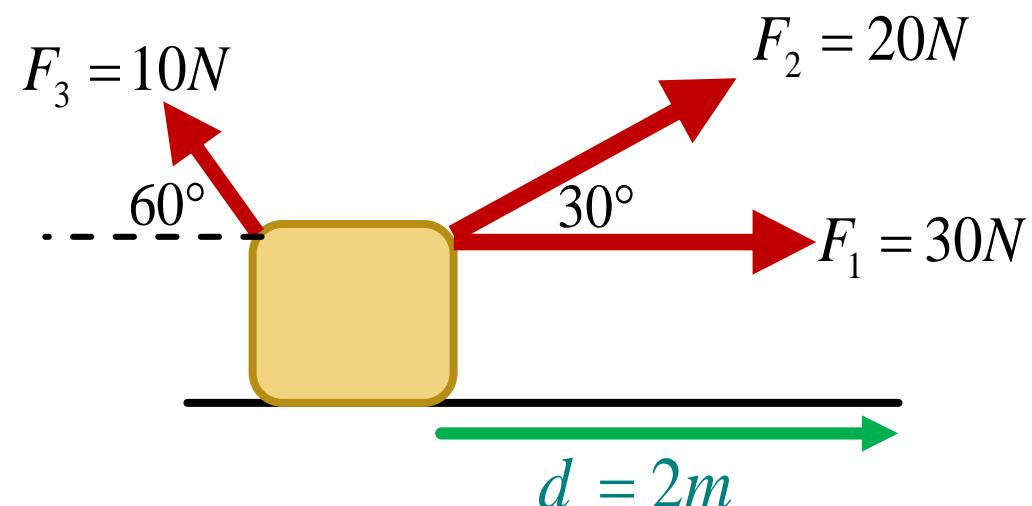
✓ اگر کار کل انجام شده روی جسم **صفر** باشد، سرعت جسم **ثابت** می ماند. یعنی:

$$W_t = 0 \Rightarrow K_2 = K_1 \Rightarrow V_2 = V_1$$

✓ اگر کار کل انجام شده روی جسم **منفی** باشد، سرعت جسم **کاهش** می یابد. یعنی:

$$W_t < 0 \Rightarrow K_2 < K_1 \Rightarrow V_2 < V_1$$

**مثال :** مطابق شکل زیر جسمی به جرم  $4\text{kg}$  تحت تاثیر نیروهای نشان داده شده در شکل، 2 متر به سمت راست جابجا می شود. اگر جسم از حالت سکون شروع به حرکت کرده باشد، سرعت آن در پایان مسیر چقدر است؟



$$W_1 = F_1 d \cos \theta_1 = (30)(2) \cos 0 = 60\text{J}$$

$$W_2 = F_2 d \cos \theta_2 = (20)(2) \cos 30 = 34.4\text{J}$$

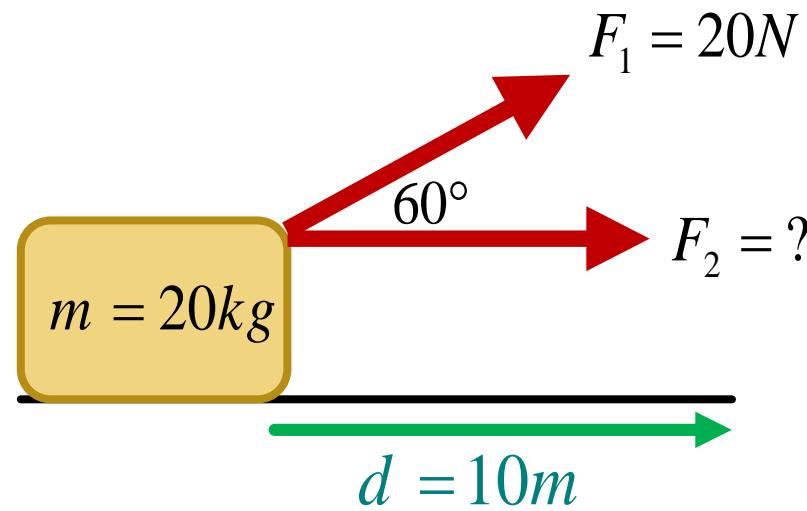
$$W_3 = F_3 d \cos \theta_3 = (10)(2) \cos 120 = -10\text{J}$$

$$W_t = 60 - 10 + 34.4 = 84.4\text{J}$$

$$W_t = K_2 - K_1 \Rightarrow W_t = \frac{1}{2}mV_2^2 - \frac{1}{2}mV_1^2 \Rightarrow$$

$$84.4 = \frac{1}{2}(4)V_2^2 - \frac{1}{2}(4)(0) \Rightarrow 84.4 = 2V_2^2 \Rightarrow V_2^2 = \frac{84.4}{2} = 42.2 \Rightarrow V_2 = \sqrt{42.2} = 6.4\text{m/s}$$

**مثال :** در شکل زیر اگر سرعت اولیه جسم  $2\text{m/s}$  و سرعت نهایی آن  $4\text{m/s}$  باشد، نیروی  $F_2$  چند نیوتن است؟



$$W_1 = F_1 d \cos \theta_1 = (20)(10) \cos 60 = 100\text{J}$$

$$W_2 = F_2 d \cos \theta_2 = F_2(10) \cos 0 = 10F_2$$

$$W_t = 100 + 10F_2$$

$$K_1 = \frac{1}{2}mV_1^2 = \frac{1}{2}(20)(2)^2 = 40\text{J}$$

$$K_2 = \frac{1}{2}mV_2^2 = \frac{1}{2}(20)(4)^2 = 160\text{J}$$

$$W_t = K_2 - K_1 \Rightarrow 100 + 10F_2 = 160 - 40 \Rightarrow 10F_2 = 20 \Rightarrow F_2 = 2\text{N}$$